

2017 年成人高等学校招生全国统一考试高起点

数 学

本试卷分第 I 卷(选择题)和第 II 卷(非选择题)两部分。满分 150 分。考试时间 120 分钟。

题号	一	二	三	总分	统分人签字
分数					

第 I 卷(选择题,共 85 分)

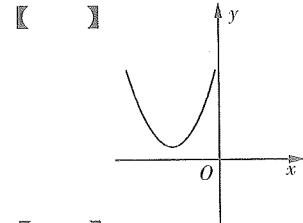
得 分	评卷人

一、选择题(本大题共 17 小题,每小题 5 分,共 85 分.在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的)

1. 设集合 $M = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $N = \{2, 4, 6\}$, 则 $M \cap N =$ 【】
 A. $\{2, 4\}$ B. $\{2, 4, 6\}$ C. $\{1, 3, 5\}$ D. $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$
2. 函数 $y = 3\sin \frac{x}{4}$ 的最小正周期是 【】
 A. 8π B. 4π C. 2π D. $\frac{2\pi}{3}$
3. 函数 $y = \sqrt{x(x-1)}$ 的定义域为 【】
 A. $\{x | x \geq 0\}$ B. $\{x | x \geq 1\}$ C. $\{x | 0 \leq x \leq 1\}$ D. $\{x | x \leq 0 \text{ 或 } x \geq 1\}$
4. 设 a, b, c 为实数,且 $a > b$,则 【】
 A. $a - c > b - c$ B. $|a| > |b|$ C. $a^2 > b^2$ D. $ac > bc$
5. 若 $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$,且 $\sin \theta = \frac{1}{3}$,则 $\cos \theta =$ 【】
 A. $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ B. $-\frac{2\sqrt{2}}{3}$ C. $-\frac{\sqrt{2}}{3}$ D. $\frac{\sqrt{2}}{3}$
6. 函数 $y = 6\sin x \cos x$ 的最大值为 【】
 A. 1 B. 2 C. 6 D. 3

7. 右图是二次函数 $y = x^2 + bx + c$ 的部分图像,则

- A. $b > 0, c > 0$
 B. $b > 0, c < 0$
 C. $b < 0, c > 0$
 D. $b < 0, c < 0$

8. 已知点 $A(4, 1), B(2, 3)$,则线段 AB 的垂直平分线方程为

- A. $x - y + 1 = 0$
 B. $x + y - 5 = 0$
 C. $x - y - 1 = 0$
 D. $x - 2y + 1 = 0$

9. 函数 $y = \frac{1}{x}$ 是

- A. 奇函数,且在 $(0, +\infty)$ 单调递增
 B. 偶函数,且在 $(0, +\infty)$ 单调递减
 C. 奇函数,且在 $(-\infty, 0)$ 单调递减
 D. 偶函数,且在 $(-\infty, 0)$ 单调递增

10. 一个圆上有 5 个不同的点,以这 5 个点中任意 3 个为顶点的三角形共有

- A. 60 个
 B. 15 个
 C. 5 个
 D. 10 个

11. 若 $\lg 5 = m$,则 $\lg 2 =$

- A. $5m$
 B. $1 - m$
 C. $2m$
 D. $m + 1$

12. 设 $f(x+1) = x(x+1)$,则 $f(2) =$

- A. 1
 B. 3
 C. 2
 D. 6

13. 函数 $y = 2^x$ 的图像与直线 $x + 3 = 0$ 的交点坐标为

- A. $(-3, -\frac{1}{6})$
 B. $(-3, \frac{1}{8})$
 C. $(-3, \frac{1}{6})$
 D. $(-3, -\frac{1}{8})$

14. 双曲线 $\frac{y^2}{3} - x^2 = 1$ 的焦距为

- A. 1
 B. 4
 C. 2
 D. $\sqrt{2}$

15. 已知三角形的两个顶点是椭圆 $C: \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ 的两个焦点,第三个顶点在 C 上,则该三角形的

- 周长为
 A. 10
 B. 20
 C. 16
 D. 26

16. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中,若 $a_3 a_4 = 10$,则 $a_1 a_6 + a_2 a_5 =$

- A. 100
 B. 40
 C. 10
 D. 20

17. 若 1 名女生和 3 名男生随机地站成一列, 则从前面数第 2 名是女生的概率为

A. $\frac{1}{4}$

B. $\frac{1}{3}$

C. $\frac{1}{2}$

D. $\frac{3}{4}$

【 】

23. (本小题满分 12 分)

设直线 $y = x + 1$ 是曲线 $y = x^3 + 3x^2 + 4x + a$ 的切线, 求切点坐标和 a 的值.

第 II 卷 (非选择题, 共 65 分)

得 分	评卷人

二、填空题(本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分)

18. 已知平面向量 $\mathbf{a} = (1, 2), \mathbf{b} = (-2, 3), 2\mathbf{a} + 3\mathbf{b} = \underline{\hspace{2cm}}$.

19. 已知直线 l 和 $x - y + 1 = 0$ 关于直线 $x = -2$ 对称, 则 l 的斜率为 $\underline{\hspace{2cm}}$.

20. 若 5 条鱼的平均质量为 0.8 kg, 其中 3 条的质量分别为 0.75 kg, 0.83 kg 和 0.78 kg, 则其余 2 条的平均质量为 $\underline{\hspace{2cm}}$ kg.

21. 若不等式 $|ax + 1| < 2$ 的解集为 $\left\{x \mid -\frac{3}{2} < x < \frac{1}{2}\right\}$, 则 $a = \underline{\hspace{2cm}}$.

得 分	评卷人

三、解答题(本大题共 4 小题, 共 49 分. 解答应写出推理、演算步骤)

22. (本小题满分 12 分)

设 $\{a_n\}$ 为等差数列, 且 $a_2 + a_4 - 2a_1 = 8$.

(I) 求 $\{a_n\}$ 的公差 d ;

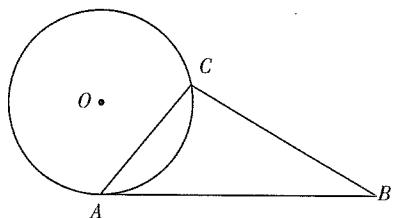
(II) 若 $a_1 = 2$, 求 $\{a_n\}$ 前 8 项的和 S_8 .

24. (本小题满分 12 分)

如图, AB 与半径为 1 的 $\odot O$ 相切于 A 点, $AB = 3$, AB 与 $\odot O$ 的弦 AC 的夹角为 50° . 求

(I) AC ;

(II) $\triangle ABC$ 的面积(精确到 0.01).



密
封
线
内
不
要
答
题

25.(本小题满分 13 分)

已知关于 x, y 的方程 $x^2 + y^2 + 4x\sin\theta - 4y\cos\theta = 0$.
(Ⅰ) 证明: 无论 θ 为何值, 方程均表示半径为定长的圆;
(Ⅱ) 当 $\theta = \frac{\pi}{4}$ 时, 判断该圆与直线 $y = x$ 的位置关系.

参考答案及解析

一、选择题

1.【答案】A

【考情点拨】本题主要考查的知识点为交集.

【应试指导】 $M \cap N = \{2, 4\}$.

2.【答案】A

【考情点拨】本题主要考查的知识点为最小正周期.

【应试指导】 $T = \frac{2\pi}{\frac{1}{4}} = 8\pi$.

3.【答案】D

【考情点拨】本题主要考查的知识点为定义域.

【应试指导】 $x(x-1) \geqslant 0$ 时, 原函数有意义, 即 $x \geqslant 1$ 或 $x \leqslant 0$.

4.【答案】A

【考情点拨】本题主要考查的知识点为不等式的性质.

【应试指导】 $a > b$, 则 $a - c > b - c$.

5.【答案】B

【考情点拨】本题主要考查的知识点为三角函数.

【应试指导】因为 $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$, 所以 $\cos\theta < 0$, $\cos\theta = -\sqrt{1 - \sin^2\theta} = -\sqrt{1 - (\frac{1}{3})^2} = -\frac{2\sqrt{2}}{3}$.

6.【答案】D

【考情点拨】本题主要考查的知识点为函数的最大值.

【应试指导】 $y = 6\sin x \cos x = 3\sin 2x$, 当 $\sin 2x = 1$ 时 y 取最大值 3.

7.【答案】A

【考情点拨】本题主要考查的知识点为二次函数图像.

【应试指导】由图像可知, 当 $x = 0$ 时 $y = c > 0$, 也就是图像与 y 轴的交点; 图像的对称轴 $x = -\frac{b}{2} < 0$, 则 $b > 0$.

8.【答案】C

【考情点拨】本题主要考查的知识点为垂直平分线方程.

【应试指导】线段 AB 的斜率为 $k_1 = \frac{3-1}{2-4} = -1$, A、B 的中点坐标为 $(3, 2)$, 则 AB 的垂直平分线方程 $y - 2 = x - 3$, 即 $x - y - 1 = 0$.

9.【答案】C

【考情点拨】本题主要考查的知识点为函数的奇偶性及单调性.

【应试指导】 $f(-x) = -\frac{1}{x} = -f(x)$, $f'(x) = -\frac{1}{x^2}$, 当 $x < 0$ 或 $x > 0$ 时 $f(x) < 0$, 故 $y = \frac{1}{x}$ 是奇函数, 且在 $(-\infty, 0)$ 和 $(0, +\infty)$ 上单调递减.

10.【答案】D

【考情点拨】本题主要考查的知识点为数列组合.

【应试指导】 $C_5^3 = \frac{5 \times 4 \times 3}{3 \times 2} = 10$.

11.【答案】B

【考情点拨】本题主要考查的知识点为对数函数.

