





# 参考答案及解析

## 一、选择题

1.【答案】 A

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为交集.

【应试指导】  $M \cap N = \{2, 4\}$ .

2.【答案】 A

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为最小正周期.

【应试指导】  $T = \frac{2\pi}{\frac{1}{4}} = 8\pi$ .

3.【答案】 D

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为定义域.

【应试指导】  $x(x-1) \geq 0$  时,原函数有意义,即  $x \geq 1$  或  $x \leq 0$ .

4.【答案】 A

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为不等式的性质.

【应试指导】  $a > b$ , 则  $a - c > b - c$ .

5.【答案】 B

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为三角函数.

【应试指导】 因为  $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ , 所以  $\cos \theta < 0$ ,  $\cos \theta = -\sqrt{1 - \sin^2 \theta} = -\sqrt{1 - \left(\frac{1}{3}\right)^2} = -\frac{2\sqrt{2}}{3}$ .

6.【答案】 D

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为函数的最大值.

【应试指导】  $y = 6\sin x \cos x = 3\sin 2x$ , 当  $\sin 2x = 1$  时  $y$  取最大值 3.

7.【答案】 A

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为二次函数图像.

【应试指导】 由图像可知, 当  $x = 0$  时  $y = c > 0$ , 也就是图像与  $y$  轴的交点; 图像的对称轴  $x = -\frac{b}{2} < 0$ , 则  $b > 0$ .

8.【答案】 C

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为垂直平分线方程.

【应试指导】 线段  $AB$  的斜率为  $k_1 = \frac{3-1}{2-4} = -1$ ,  $A, B$  的中点坐标为  $(3, 2)$ , 则  $AB$  的垂直平分线方程  $y - 2 = x - 3$ , 即  $x - y - 1 = 0$ .

9.【答案】 C

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为函数的奇偶性及单调性.

【应试指导】  $f(-x) = -\frac{1}{x} = -f(x)$ ,  $f'(x) = -\frac{1}{x^2}$ , 当  $x < 0$  或  $x > 0$  时  $f(x) < 0$ , 故  $y = \frac{1}{x}$  是奇函数, 且

在  $(-\infty, 0)$  和  $(0, +\infty)$  上单调递减.

10.【答案】 D

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为数列组合.

【应试指导】  $C_3^3 = \frac{5 \times 4 \times 3}{3 \times 2} = 10$ .

11.【答案】 B

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为对数函数.

【应试指导】  $\lg 2 = \lg \frac{10}{5} = 1 - \lg 5 = 1 - m$ .

12.【答案】 C

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为函数.

【应试指导】  $f(2) = f(1+1) = 1 \times (1+1) = 2$ .

13.【答案】 B

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为线的交点.

【应试指导】  $x+3=0, x=-3, y=2^{-3}=\frac{1}{8}$ , 则函数  $y=2^x$  与直线  $x+3=0$  的交点坐标为  $(-3, \frac{1}{8})$ .

14.【答案】 B

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为双曲线的焦距.

【应试指导】  $c = \sqrt{a^2 + b^2} = \sqrt{3+1} = 2$ , 则双曲线的焦距  $2c = 4$ .

15.【答案】 C

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为椭圆的性质.

【应试指导】 椭圆的两个焦点的距离为  $2c = 2\sqrt{a^2 - b^2} = 6$ , 又因为第三个顶点在  $C$  上, 则该点与两个焦点间的距离的和为  $2a = 2 \times 5 = 10$ , 则三角形的周长为  $10 + 6 = 16$ .

16.【答案】 D

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为等比数列.

【应试指导】  $a_3 a_4 = a_1 q^2 \cdot a_1 q^3 = a_1^2 q^5 = 10, a_1 a_6 = a_1 q^5, a_2 a_5 = a_1 q \cdot a_2 q^4 = a_1^2 q^5, a_1 a_6 + a_2 a_5 = 2a_1^2 q^5 = 20$ .

17.【答案】 A

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为随机事件的概率.

【应试指导】 设  $A$  表示第 2 名是女生,  $P(A) = \frac{1}{C_1^1} = \frac{1}{4}$ .

## 二、填空题

18.【答案】  $(-4, 13)$

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为平面向量.

【应试指导】  $2a + 3b = 2(1, 2) + 3(-2, 3) = (-4, 13)$ .

19.【答案】  $-1$

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为直线的性质.

【应试指导】  $\begin{cases} x-y+1=0, \\ x=-2, \end{cases}$  得交点  $(-2, -1)$ , 取直线  $x-y+1=0$  上一点  $(0, 1)$ , 则该点关于直线  $x=-2$

对称的点坐标为  $(-4, 1)$ , 则直线  $l$  的斜率  $k=-1$ .

20. 【答案】 0.82

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为平均数.

【应试指导】 5条鱼的总重为  $5 \times 0.8 = 4$  (kg), 剩余2条鱼的总重为  $4 - 0.75 - 0.83 - 0.78 = 1.64$  (kg), 则其

平均重量为  $\frac{1.64}{2} = 0.82$  (kg).

21. 【答案】 2

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为不等式的解集.

【应试指导】  $|ax+1| < 2 \Rightarrow -2 < ax+1 < 2 \Rightarrow -\frac{3}{a} < x < \frac{1}{a}$ , 由题意知  $a=2$ .

### 三、解答题

22. 因为  $\{a_n\}$  为等差数列, 所以

$$\begin{aligned} \text{(I)} \quad a_2 + a_4 - 2a_1 &= a_1 + d + a_1 + 3d - 2a_1 \\ &= 4d = 8, \end{aligned}$$

$$d = 2.$$

$$\begin{aligned} \text{(II)} \quad S_8 &= na_1 + \frac{n(n-1)}{2}d \\ &= 2 \times 8 + \frac{8 \times (8-1)}{2} \times 2 \\ &= 72. \end{aligned}$$

23. 因为直线  $y = x + 1$  是曲线的切线,

$$\text{所以 } y' = 3x^2 + 6x + 4 = 1,$$

$$\text{解得 } x = -1.$$

$$\text{当 } x = -1 \text{ 时, } y = 0,$$

即切点坐标为  $(-1, 0)$ .

$$\text{故 } 0 = (-1)^3 + 3 \times (-1)^2 + 4 \times (-1) + a = 0$$

$$\text{解得 } a = 2.$$

24. (I) 连结  $OA$ , 作  $OD \perp AC$  于  $D$ .

因为  $AB$  与圆相切于  $A$  点, 所以  $\angle OAB = 90^\circ$ .

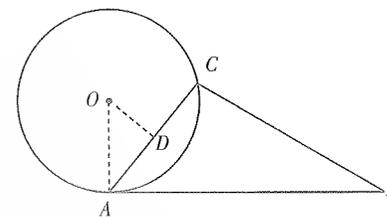
$$\text{则 } \angle OAC = 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ.$$

$$AC = 2AD$$

$$= 2OA \cdot \cos \angle OAC$$

$$= 2 \cos 40^\circ$$

$$\approx 1.54.$$



(24 题答案图)

$$\begin{aligned} \text{(II)} \quad S_{\triangle ABC} &= \frac{1}{2} AB \cdot AC \sin \angle BAC \\ &= \frac{1}{2} \times 3 \times 2 \cos 40^\circ \times \sin 50^\circ \\ &= 3 \cos^2 40^\circ \\ &\approx 1.78. \end{aligned}$$

25. (I) 证明:

化简原方程得

$$x^2 + 4x \sin \theta + 4 \sin^2 \theta + y^2 - 4y \cos \theta + 4 \cos^2 \theta - 4 \sin^2 \theta - 4 \cos^2 \theta = 0,$$

$$(x + 2 \sin \theta)^2 + (y - 2 \cos \theta)^2 = 4,$$

所以, 无论  $\theta$  为何值, 方程均表示半径为 2 的圆.

(II) 当  $\theta = \frac{\pi}{4}$  时, 该圆的圆心坐标为  $O(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$ .

圆心  $O$  到直线  $y = x$  的距离

$$d = \frac{|-\sqrt{2} - \sqrt{2}|}{\sqrt{2}} = 2 = r.$$

即当  $\theta = \frac{\pi}{4}$  时, 圆与直线  $y = x$  相切.



微信搜一搜  
安徽成人高考招生考试网